MECE-001

# MASTER OF ARTS (ECONOMICS)

# **Term-End Examination**

### June, 2011

# **MECE-001 : ECONOMETRIC METHODS**

Time : 3 hours

00697

Maximum Marks : 100

*Note* : Answer any two questions from Section A and any five questions from Section B.

# SECTION - A

Answer any two questions from this section. 2x20=40

**1.** Consider a two - equation model system with :

 $Y_1 = a_1 + a_2 Y_2 + u_1$ 

 $Y_2 = b_1 + b_2 Y_1 + b_3 Z_1 + b_4 Z_2 + u_2$ 

Estimate the 1st equation with a view to obtain possible bias, inconsistency and efficiency through

- (a) OLS,
- (b) Indirect least squares
- (c) Instrumental variables using  $Z_1$  as an instrument.

1

2. A logit model is given through the equation

$$P_i = F(Z_i) = F(\alpha + \beta X_i)$$
$$= \frac{1}{1 + e^{-Z_i}}$$

How would you estimate the model ? Explain if the model has linear parameters and whether you can apply ordinary least squares for its estimation.

**3.** Consider the three-equation model

$$y_1 = \beta_{13}y_3 + \gamma_{12}x_2 + u_1$$
  

$$y_2 = \beta_{21}y_1 + \beta_{23}y_3 + \gamma_{21}x_1 + \gamma_{22}x_2 + u_2$$
  

$$y_3 = \gamma_{33}u_3 + u_3$$

where  $y_1$ ,  $y_2$  and  $y_3$  are endogenous, and  $x_1$ ,  $x_2$  and  $x_3$  are exogenous. Discuss the identification of each of the equation of the model, based on order and rank conditions.

- 4. (a) Explain what heteroscedasticity is and why it is a problem ? Outline two general tests that could be used to detect it.
  - (b) Show how you would use the generalised least squares (GLS) approach to deal with heteroscedasticity.

#### SECTION - B

Answer any five questions from this section. 5x12=60

- 5. Consider the following two models :
  - I :  $Y_i = \beta_1 + \beta_2 X_{2i} + \beta_3 X_{3i} + \varepsilon_i$ II :  $(Y_i - X_{2i}) = \beta'_1 + \beta'_2 X_{2i} + \beta'_3 X_{3i} + \varepsilon'_i$
  - (a) Prove that the least squares residuals are identical, i. e.,  $\hat{\epsilon}_i = \hat{\epsilon}_i^{\dagger}$  for i = 1, 2..., N
  - (b) Under what conditions will R<sup>2</sup> associated with model II be less than R<sup>2</sup> associated with model 1 ?
- 6. The model  $y_t = \beta_0 + \beta_1 x_{1t} + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + u_t$ was estimated by ordinary least squares from 26 observations. The results were

$$\hat{y} = 2 + 3.5 x_{11} - 7 x_{21} + 2.0 x_{31}$$
  
(1.9) (2.2) (1.5)

(t-ratios are given in parentheses) and  $R^2 = 0.982$ . The same model was estimated with restriction  $\beta_1 = \beta_2$ . The estimates were  $\hat{y} = 1.5 + 3 \ (x_{1t} + x_{2t}) - 0.6 \ x_{3t}$  with  $R^2 = 0.876$ 

(2.7) (2.4)

- (a) Test the significance of the restriction  $\beta_1 = \beta_2$ . State the assumptions under which the test is valid.
- (b) Suppose that  $x_{2t}$  is dropped from the equation (i) would R<sup>2</sup> rise or fall ? (ii) would

 $\overline{R}^2$  rise or fall ?

**MECE-001** 

P.T.O.

- 7. Explain why measurement error in the explanatory variables will lead to inconsistent parameter estimate.
- 8. Prove that the inclusion of an irrelevant variable does not bias the estimated intercept parameter.
- 9. A regression equation is given by  $Y = X\beta + \varepsilon$ . If you assume that the sample variances of all the variables of the equation are same, what would be the relationship between the estimated standardized coefficients and the standard regression parameters ?
- **10.** Given the model

log  $Y = \beta_1 + \beta_2 \log X_2 + \beta_3 \log X_3 + \varepsilon$ , Prove that (i) the estimated regression coefficients are elasticities associated with *Y* and each of *X* 's and (ii) that these elasticities are constant.

- Why are the errors in cross section studies unlikely to be serially correlated ? Give an example in which serial correlation will be present.
- **12.** For the regression model  $Y_t = \alpha + \beta X_t + \varepsilon_t$  where  $\beta$  is known, show that the error variance of the

forecast will be  $\sigma^2 \left(1 + \frac{1}{T}\right)$ , where  $\sigma^2$  is the population variance.

एम.ई.सी.ई-001

# स्नातक उपाधि कार्यक्रम सत्रांत परीक्षा

# जून, 2011

# एम.ई.सी.ई-001 : अर्धमित्ति विधियां

समय : 3 घण्टे अधिकतम अंक : 100 नोट : भाग 'क' से किन्हीं दो प्रश्नों एवं भाग 'ख' से किन्हीं पाँच प्रश्नों के उत्तर दीजिए।

### भाग - क

इस भाग से **किन्हीं दो** प्रश्नों के उत्तर दीजिए।

1. किसी द्वि-समीकरण मॉडल सिस्टम पर विचार कीजिए जहाँ :

 $Y_1 = a_1 + a_2 Y_2 + u_1$  $Y_2 = b_1 + b_2 Y_1 + b_3 Z_1 + b_4 Z_2 + u_2$ 

प्रथम समीकरण का आकलन :

- (a) ओ एल एस (OLS) ।
- (b) अप्रत्यक्ष न्यूनतम वर्ग।
- (c) साधन (Instrument) के रूप में Z<sub>1</sub> के प्रयोग से साधनभूत चरों, के माध्यम से संभावित बायस (bias), असंगतता और दक्षता की प्राप्ति करने के उद्देश्य से कीजिए।

5

**MECE-001** 

2x20=40

2. लॉजिट (logit) मॉडल को दर्शाने वाला समीकरण है :

$$P_i = F(Z_i) = F(\alpha + \beta X_i)$$

$$=\frac{1}{1+e^{-Z_i}}$$

आप मॉडल को कैसे आकलित करेंगे? स्पष्ट कीजिए यदि मॉडल के रैखिक प्राचल हैं और आप इसके आकलन के लिए क्या साधारण न्यूनतम वर्ग को लागू कर सकते हैं।

3. त्रि-समीकरण मॉडल पर विचार कीजिए :

$$y_{1} = \beta_{13}y_{3} + \gamma_{12}x_{2} + u_{1}$$
  

$$y_{2} = \beta_{21} \ y_{1} + \beta_{23}y_{3} + \gamma_{21} \ x_{1} + \gamma_{22}x_{2} + u_{2}$$
  

$$y_{3} = \gamma_{33}u_{3} + u_{3}$$

जहाँ  $y_1, y_2$  और  $y_3$  अंतर्जात और  $x_1, x_2$  और  $x_3$  बहिर्जात है। क्रम एवं कोटि संबंधी शर्तों के आधार पर मॉडल के प्रत्येक समीकरण की पहचान की चर्चा कीजिए।

- 4. (a) विषमविसारिता क्या है? स्पष्ट कीजिए और यह एक समस्या क्यों है? दो सामान्य परीक्षणों को रेखांकित कीजिए, जिनका प्रयोग इनकी पहचान करने में किया जा सकता है।
  - (b) विषमविसारिता से निपटने में आप व्यापीकृत न्यूनतम वर्ग (GLS) उपागम का प्रयोग कैसे करेंगे ? दर्शाइए।

भाग - ख

इस भाग से *किन्हीं पाँच* प्रश्नों के उत्तर दीजिए। 5x12=60

5. निम्नलिखित दो मॉडलों पर विचार कीजिए :

I : 
$$Y_i = \beta_1 + \beta_2 X_{2i} + \beta_3 X_{3i} + \varepsilon_i$$
  
II :  $(Y_i - X_{2i}) = \beta'_1 + \beta'_2 X_{2i} + \beta'_3 X_{3i} + \varepsilon'_i$ 

 (a) सिद्ध कीजिए कि न्यूनतम वर्ग अवशिष्ट एकसमान हैं, अर्थात :

 $\hat{\varepsilon}_i = \hat{\varepsilon}_i$  i = 1, 2..., N हेतु

- (b) किन दशाओं के अंतर्गत मॉडल II से संबंद R<sup>2</sup> मॉडल I से संबद्ध R<sup>2</sup> से निम्न होगा ?
- मॉडल y<sub>t</sub> = β<sub>0</sub> + β<sub>1</sub> x<sub>1t</sub> + β<sub>2</sub> x<sub>2t</sub> + β<sub>3</sub> x<sub>3t</sub> + u<sub>t</sub> को 26 प्रेक्षणों से सामान्य न्यूनतम वर्गों से आकलित किया गया। प्राप्त परिणाम इस प्रकार थें :

 $\hat{y} = 2 + 3.5 x_{1t} - 7 x_{2t} + 2.0 x_{3t}$ 

(1.9) (2.2) (1.5)

(t - 3) - अनुपात, कोष्ठकों में दिए गए हैं ) और  $R^2 = 0.982$ समान मॉडल को प्रतिबंध  $\beta_1 = \beta_2$  के साथ आकलित किया गया था। आकलन थे :

$$\hat{y} = 1.5 + 3 \ (x_{1t} + x_{2t}) - 0.6 \ x_{3t}$$
 जहाँ R<sup>2</sup> = 0.876  
(2.7) (2.4)

 (a) प्रतिबंध β<sub>1</sub> = β<sub>2</sub> की सार्थकता का परीक्षण कीजिए।
 उन अवधारणाओं को व्यक्त कीजिए जिनके अंतर्गत परीक्षण वैध है।

7

**MECE-001** 

P.T.O.

- (b) मान लीजिए कि x2t को समीकरण से हटा दिया जाता है :
  - (i) क्या R<sup>2</sup> बढ़ेगा या घटेगा ?
  - (ii) क्या  $\overline{R}^2$  बढ़ेगा या घटेगा ?
- स्पष्ट कीजिए कि क्यों कारण चरों में माप (measurement) संबंधी त्रुटियों से असंगत प्राचल आकलन की प्राप्ति होगी ?
- सिद्ध कीजिए कि अप्रासंगिक चर के समावेशन से आकलित अंत:खंड (intercept) प्राचल बायस (bias) नहीं होता।
- 9. एक समाश्रथण समीकरण इस प्रकार है : Y = Xβ + ε, यदि आप यह मान लें कि समीकरण के सभी चरों के प्रतिदर्श प्रसरण समान हैं, तो आकलित मानकीकृत गुणांकों एवं मानक समाश्रयण प्राचलों के बीच का संबंध क्या होगा ?
- 10. दिया गया मॉडल है :

 $\log \ Y = \beta_1 + \beta_2 \ \log \ X_2 + \beta_3 \ \log \ X_3 + \varepsilon \,,$  सिद्ध कीजिए कि :

- (i) आकलित समाश्रयण गुणांक Y पर प्रत्येक X का लोच हैं और
- (ii) ये लोच स्थिर हैं।
- प्रतिनिध्यात्मक अध्ययन (cross section studies) में त्रुटियाँ मुख्यतया क्रमबद्ध आधार पर सङ्संबंद्ध क्यों नहीं होती हैं ? कोई ऐसा उदाहरण दीजिए जिसमें क्रम सहसंबंध-विद्यमान होगा।

12. समाश्रयण मॉडल : 
$$Y_t = \alpha + \beta X_t + \varepsilon_t$$
 के लिए, जहाँ  $\beta$  ज्ञात  
है, दर्शाइए कि पूर्वानुमान का त्रुटि प्रसरण  $\sigma^2 \left(1 + \frac{1}{T}\right)$ होगा,  
जहाँ  $\sigma^2$  समष्टि प्रसरण है।