MASTER OF ARTS (ECONOMICS) (MEC)

Term-End Examination

June, 2022

MECE-003 : ACTUARIAL ECONOMICS : THEORY
AND PRACTICE

Time: 3 Hours Maximum Marks: 100

Note: Attempt questions from each Section as per instructions.

Section—A

Note: Attempt any **two** questions from this Section. $2\times20=40$

1. (a) Define Annuity. Represent annuity as the difference of the two perpetuities, one at time 0 and the other at time *n*. Show that:

$$\ddot{a}_n = \frac{1 - V^n}{d}$$

- (b) Let Y be the present value random variable of a whole life annuity due of 1 per year. Find E (Y) and Var (Y).
- 2. What is the role of Insurance Industry?

 Discuss in detail reinsurance with inflation.
- 3. Briefly discuss multiple decrement theory.

 Differentiate between joint-life status and last survivor status.
- 4. Consider a joint probability density function:

$$f_{\text{XY}}(x,y) = \begin{cases} c, & \{(x,y): 0 < x < 1, 0 < y < 1, \\ & x + y < 1\} \\ 0, & \text{otherwise} \end{cases}$$

- (a) Find the value of 'c'.
- (b) Calculate E (XY).

Section—B

Note: Answer any *five* questions from this Section.

$$5 \times 12 = 60$$

- 5. State and prove Chebyshev's inequality.
- 6. Derive an expression for net premium reserve for a whole life insurance.

- 7. Define MGF. Find the MGF of Gamma distribution.
- 8. Discuss the advantages of Martingale in modelling individual risk in life insurance.
- 9. Why should insurance industry be regulated?
 Who should regulate the insurance business—
 State or Centre? Justify.
- 10. The frequency distribution follows a Poisson process with mean 0.5. The second moment about the origin for the severity distribution is ₹ 1,000. What is the process variance of aggregate claim amount?
- 11. Explain different life insurance contracts.
- 12. Write short notes on any *three* of the following:
 - (i) Black Scholes model
 - (ii) ITO process
 - (iii) Delta hedging
 - (iv) Markov theorem

MECE-003

एम. ए. (अर्थशास्त्र) (एम. ई. सी.) सत्रांत परीक्षा

जून, 2022

एम.ई.सी.ई.-003 : बीमांकिक अर्थशास्त्र : सिद्धान्त और व्यवहार

समय : 3 घण्टे अधिकतम अंक : 100

नोट: प्रत्येक भाग से निर्देशानुसार प्रश्न हल कीजिए।

भाग-क

नोट : इस भाग से किन्हीं **दो** प्रश्नों को हल कीजिए। $2\times20=40$

 (क) 'वार्षिकी' की परिभाषा दोजिए। वार्षिकी को दो निरंतरोय भुगतानों, समय 0 तथा समय 'n' के बीच अंतर के रूप में दिखाइए। दर्शाइए कि :

$$\ddot{a}_n = \frac{1 - V^n}{d}$$

(ख) मान लीजिए कि एक जीवनपर्यन्त वार्षिकी, (प्रतिवर्ष एक बार मिलने वाली) का वर्तमान मूल्य चर 'Y' है। E (Y) तथा Var (Y) का आकलन कीजिए।

- 2. बीमा उद्योग की क्या भूमिका होती है ? स्फीति सहित पुन:बीमा का सविस्तार वर्णन कीजिए।
- बहुल अपक्षय सिद्धान्त पर संक्षेप में चर्चा कीजिए।
 संयुक्त जीवन स्थिति एवं अंतिम अनुजीवी स्थिति में भेद कीजिए।
- 4. एक संयुक्त प्रायिकता घनत्व फलन पर विचार कीजिए:

$$f_{\mathrm{XY}}(x,y) = egin{cases} c, & \{(x,y): 0 < x < 1, 0 < y < 1, \\ & x + y < 1\} \\ 0, & अन्यथा \end{cases}$$

- (क) 'c' का मान ज्ञात कीजिए।
- (ख) E(XY) का आंकलन कीजिए।

भाग—ख

नोट : इस भाग से किन्हीं **पाँच** प्रश्नों को हल कीजिए। 5×12=60

- 5. शेबीशेव विषमिका बताइये और सिद्ध कीजिए।
- संपूर्ण जीवन बीमा के लिए निबल प्रीमियम कोष का पदबंध निष्कर्षित कीजिए।
- MGF की परिभाषा दोजिए। गामा बंटन का MGF निष्कर्षित कीजिए।

- जीवन बीमा में वैयक्तिक जोखिम के प्रतिमानन में मार्टिंगेल के लाभों पर चर्चा कीजिए।
- बीमा उद्योग का नियमन क्यों होना चाहिये ? बीमा उद्योग का नियमन किसे करना चाहिये—केन्द्र को या राज्यों को ? औचित्य बताइए।
- 10. एक प्रायिकता आबंटन प्वॉयसां का अनुसरण करता है, जिसका औसत 0.5 है। अक्ष केन्द्र से बंटन की गंभीरता के घूर्णन का मान ₹ 1,000 है। सकल दावा राशि का प्रक्रिया विचरण क्या होगा ?
- 11. विभिन्न जीवन बीमा अनुबंधों की व्याख्या कीजिए।
- 12. निम्नलिखित में से किन्हीं *तीन* पर संक्षिप्त टिप्पणियाँ लिखिए :
 - (i) ब्लेक शोल प्रतिमान
 - (ii) ITO प्रक्रिया
 - (iii) डेल्टा पूर्वोपाय (Hedging)
 - (iv) मार्कोव प्रमेय