# BACHELOR OF SCIENCE (B.Sc.)

# Term-End Examination June, 2021

## PHYSICS PHE-09 : OPTICS

Time: 2 hours Maximum Marks: 50

Note: All questions are compulsory. However, internal choices are given. The marks for each question are indicated against it. You may use calculator. Symbols have their usual meanings.

#### 1. Answer any *three* parts:

- (a) Define hue and illuminance. Explain colour blindness. 2+3
- (b) State Malus Law. Unpolarised light is incident on two polarising sheets placed one over the other. If the intensity of light finally transmitted is one-fourth of the intensity of the incident light, calculate the angle between the transmission axes of the polarising sheets.
- (c) Newton's rings are formed in reflected light with light of  $\lambda = 6000\,\text{Å}$  with a liquid between the plane and curved surfaces. If diameter of 4<sup>th</sup> bright ring is 0·2 cm and radius of curved surface is 50 cm, calculate the refractive index of the liquid.

- (d) Distinguish between Fresnel and Fraunhofer class of diffraction.
- (e) List three prerequisites for a laser's operation. Explain how population inversion is achieved.

#### **2.** Answer any *one* part :

 $1 \times 5 = 5$ 

- (a) Deduce the laws of reflection using Fermat's principle.
- (b) What are o- and e-waves? If refractive indices of o- and e-waves are 1.6 and 1.55 respectively, calculate the thickness of a quarter wave-plate for light of wavelength 5480 Å.

#### **3.** Answer any *one* part :

 $1 \times 10 = 10$ 

(a) Show that the resultant intensity due to superposition of two waves of same frequency but having constant phase difference  $(\delta)$  is given by

$$I = I_1 + I_2 + 2 \sqrt{I_1 I_2} \cos \delta$$

Further show that

$$\frac{I_{max}}{I_{min}} \ = \ \frac{\left(\sqrt{I_1} + \sqrt{I_2}\right)^2}{\left(\sqrt{I_1} - \sqrt{I_2}\right)^2}$$

Two waves of same frequency and constant phase difference have intensities in the ratio 25:1. They produce interference pattern. Deduce the ratio of the maximum to minimum intensity in this pattern. 5+3+2

PHE-09

(b) Describe a method for determining the difference in wavelength, when source of light has two wavelengths  $\lambda_1$  and  $\lambda_2$  which are very close to each other, using Michelson interferometer. Derive the expression for the difference in wavelength for  $\lambda_1 > \lambda_2$ . 5+5

#### **4.** Answer any *two* parts :

- (a) In an experiment, a big plane metal sheet has a circular aperture of diameter 1·2 mm. A beam of parallel light of wavelength 6000 Å is incident on it normally. The shadow is cast on a screen whose distance from the aperture can be varied continuously. Calculate the distance at which the aperture will transmit 1, 2 and 3 Fresnel zones.
- (b) A ruled grating has 15000 lines per inch. Calculate the angles of diffraction for violet  $(\lambda = 4000 \text{ Å})$  and red  $(\lambda = 8000 \text{ Å})$  colours in the first order of spectrum.
- (c) Define resolution limit and resolving power. With help of a diagram, explain Rayleigh's criterion for resolution of two optical sources.

#### **5.** Answer any *two* parts:

- (a) How is a hologram different from an ordinary photograph? If the angle subtended at the hologram by the signal and the reference beam is 15°, what is the spacing of the fringes provided the wavelength is 492 nm.
- (b) If light of 660 nm wavelength has a wave train 20λ long, what is its (i) coherence length, and (ii) coherence time?
- (c) Explain the differences between the step index and gradient index fibres with the help of diagrams.

# विज्ञान स्नातक (बी.एस सी.) सत्रांत परीक्षा जून, 2021

# भौतिक विज्ञान पी.एच.ई.-09 : प्रकाशिकी

समय : 2 घण्टे

अधिकतम अंक : 50

नोट: सभी प्रश्न अनिवार्य हैं । तथापि, आंतरिक विकल्प दिए गए हैं । प्रत्येक प्रश्न के अंक उसके सामने दिए गए हैं । आप कैल्कुलेटर का उपयोग कर सकते हैं । प्रतीकों के अपने सामान्य अर्थ हैं ।

1. किन्हीं *तीन* भागों के उत्तर दीजिए :

- (क) छटा और प्रदीप्ति घनत्व को परिभाषित कीजिए। वर्णान्धता को समझाइए।
- (ख) मेलस नियम का कथन लिखिए । अध्रुवित प्रकाश एक-दूसरे के ऊपर रखी दो ध्रुवक चादरों पर आपतित होता है । यदि अंततः पारगत प्रकाश की तीव्रता आपतित प्रकाश की तीव्रता की एक-चौथाई रह जाती है, तो ध्रुवक चादरों के पारगमन अक्षों के बीच का कोण परिकलित कीजिए ।
- (ग) समतल पृष्ठ और वक्र पृष्ठ के बीच एक द्रव रख कर  $\lambda = 6000 \text{ Å}$  वाले परावर्तित प्रकाश के कारण न्यूटन वलय प्राप्त किए जाते हैं । यदि चौथे दीप्त वलय का व्यास 0.2 cm है और वक्र पृष्ठ की त्रिज्या 50 cm है, तो द्रव का अपवर्तनांक परिकलित कीजिए।

- (घ) फ्रेनल और फ्राउनहोफर विवर्तनों में अंतर स्पष्ट कीजिए।
- (ङ) लेसर प्रचालन के लिए तीन पूर्वापेक्षाएँ सूचीबद्ध कीजिए । समझाइए कि जनसंख्या प्रतीपन किस प्रकार प्राप्त किया जाता है ।

### 2. किसी *एक* भाग का उत्तर दीजिए :

 $1 \times 5 = 5$ 

- (क) फ़र्मा सिद्धांत का उपयोग कर परावर्तन के नियम व्युत्पन्न कीजिए।
- (ख) o- तथा e-तरंगें क्या होती हैं ? यदि o- तथा e-तरंगों के अपवर्तनांक क्रमश: 1.6 तथा 1.55 हैं, तो तरंगदैर्ध्य 5480 Å वाले प्रकाश के लिए चतुर्थांश तरंग-पट्टिका की मोटाई परिकलित कीजिए।

## 3. किसी *एक* भाग का उत्तर दीजिए :

 $1 \times 10 = 10$ 

(क) सिद्ध कीजिए कि समान आवृत्ति परंतु नियत कलांतर (δ) वाले दो तरंगों के अध्यारोपण के फलस्वरूप उत्पन्न परिणामी तरंग की तीव्रता का व्यंजक है:

$$I = I_1 + I_2 + 2 \sqrt{I_1 I_2} \cos \delta$$

साथ ही, यह भी सिद्ध कीजिए कि

$$\frac{I_{max}}{I_{min}} \; = \; \frac{\left(\sqrt{I_1} \, + \sqrt{I_2}\right)^2}{\left(\sqrt{I_1} \, - \sqrt{I_2}\right)^2} \label{eq:imax}$$

समान आवृत्ति और नियत कलांतर वाली दो तरंगों की तीव्रताओं का अनुपात 25 : 1 है । इन तरंगों द्वारा व्यतिकरण पैटर्न उत्पन्न होता है । इस पैटर्न में अधिकतम और न्यूनतम तीव्रताओं का अनुपात व्युत्पन्न कीजिए।

5+3+2

(ख) जब प्रकाश स्रोत द्वारा दो निकटवर्ती मानों वाले तरंगदैर्ध्य  $\lambda_1 \ \text{तथा} \ \lambda_2 \ \text{उत्सर्जित होते हैं, तो इन तरंगदैर्ध्यों के मानों}$   $\dot{\mathbf{H}} \ \ \dot{\mathbf{H}} \ \dot{\mathbf{$ 

#### 4. किन्हीं दो भागों के उत्तर दीजिए:

- (क) एक प्रयोग में, धातु की एक बड़ी समतल चादर में एक वृत्तीय द्वारक है जिसका व्यास 1·2 mm है । λ = 6000 Å तरंगदैर्ध्य वाले प्रकाश के समांतर किरणपुंज, द्वारक पर लंबवत् आपितत होता है । इसकी छाया एक ऐसे परदे पर पड़ती है जिसकी द्वारक से दूरी में लगातार परिवर्तन किया जा सकता है । वह दूरी परिकलित कीजिए जिस पर द्वारक 1, 2 तथा 3 फ्रेनल जोन संचरित होने देगा ।
- (ख) एक रेखांकित ग्रेटिंग में प्रित इंच 15000 रेखाएँ हैं। स्पेक्ट्रम के प्रथम कोटि में बैंगनी (λ = 4000 Å) और लाल (λ = 8000 Å) रंगों के लिए विवर्तन कोण परिकलित कीजिए।
- (ग) विभेदन सीमा तथा विभेदन क्षमता को परिभाषित कीजिए । चित्र की सहायता से दो प्रकाशिक स्रोतों के विभेदन के लिए रैले निकष समझाइए ।

- (क) होलोग्राम, सामान्य फ़ोटोग्राफ से किस प्रकार भिन्न होता है ? यदि सिग्नल और संदर्भ किरणपुंज द्वारा होलोग्राम पर अंतरित कोण 15° हो, तो फ्रिन्जों का अंतराल क्या होगा यदि तरंगदैर्ध्य का मान 492 nm है।
- (ख) यदि 660 nm तरंगदैध्यं वाले प्रकाश की तरंगाविल
   20λ लंबी हो, तो उसकी (i) कला संबद्धता लंबाई और
   (ii) कला संबद्धता समय क्या होगा ?
- (ग) चित्रों की सहायता से चरण-सूचक तंतु और प्रवणता-सूचक तंतु में अंतर समझाइए ।