

BACHELOR OF SCIENCE (B.Sc.)**Term-End Examination****June, 2021****PHYSICS****PHE-11 : MODERN PHYSICS***Time : 2 hours**Maximum Marks : 50*

Note : Attempt all questions. The marks for each question are indicated against it. Symbols have their usual meanings. You may use a calculator. The values of physical constants are given at the end.

1. Attempt any **five** parts : $5 \times 3 = 15$

- (a) The total energy of a particle is exactly twice its rest energy. Calculate its speed.
- (b) Calculate the de Broglie wavelength of an electron having kinetic energy 100 MeV.
- (c) Define parity operator and obtain its eigenvalues.

- (d) Write the electronic configuration for atoms having $Z = 27$ and $Z = 35$.
- (e) Calculate the expectation value of the momentum of a particle inside a one-dimensional box of length L . The wave function of the particle is

$$\psi(x) = \left(\frac{2}{L}\right)^{1/2} \sin\left(\frac{n\pi x}{L}\right)$$

- (f) The half-life of a radioactive substance is 10 days. Calculate the time required for 70% of the element to decay.
- (g) Give the charge, baryon number and spin of a photon and a proton.

2. Attempt any ***one*** part : $1 \times 5 = 5$

- (a) Derive the relativistic energy-momentum relation for a free particle.
- (b) The mean life time of a particle is measured as 4×10^{-8} s in the laboratory, when its speed is 0.6 c. Determine its proper mean life time.

3. Attempt any ***two*** parts : $2 \times 5 = 10$

- (a) The wave function of a particle is given by

$$\phi = N x \exp\left(-\frac{x^2}{2}\right), -\infty < x < \infty.$$

Determine the normalization constant N .

- (b) The position and momentum of a 1 KeV electron are simultaneously determined. If the uncertainty in its position is 1 Å, what is the percentage of uncertainty in its momentum ?
- (c) Calculate the most probable value of r for the ground state of the hydrogen atom given by

$$\psi(r) = \frac{1}{(\pi a_0^3)^{1/2}} e^{-r/a_0}$$

4. Attempt any ***two*** parts : **$2 \times 5 = 10$**

- (a) Define a Hermitian operator and show that it has real eigenvalues.
- (b) What is the maximum frequency of the X-rays produced in a tube operating at 10 kV and 20 kV ?
- (c) State Hund's rules and using them find the ground state of helium atom.

5. Attempt any ***two*** parts : **$2 \times 5 = 10$**

- (a) Describe the shell model for atomic nuclei.
- (b) Describe the working of the Wilson Cloud Chamber.
- (c) Draw the schematic diagram of a nuclear reactor. State the function of control rods or a moderator in a nuclear reactor.

Physical Constants :

$$m_e = 9.1 \times 10^{-31} \text{ kg}$$

$$h = 6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}$$

$$m_p = 1.67 \times 10^{-27} \text{ kg}$$

$$m_n = 1.67 \times 10^{-27} \text{ kg}$$

$$R_H = 1.09677576 \times 10^7 \text{ m}^{-1}$$

$$R_{He} = 1.09722267 \times 10^7 \text{ m}^{-1}$$

विज्ञान स्नातक (बी.एस सी.)

सत्रांत परीक्षा

जून, 2021

भौतिक विज्ञान

पी.एच.ई.-11 : आधुनिक भौतिकी

समय : 2 घण्टे

अधिकतम अंक : 50

नोट: सभी प्रश्न कीजिए। प्रत्येक प्रश्न के अंक उसके सामने दिए गए हैं। प्रतीकों के अपने सामान्य अर्थ हैं। आप कैल्कुलेटर का प्रयोग कर सकते हैं। भौतिक नियतांकों के मान अंत में दिए गए हैं।

1. कोई पाँच भाग कीजिए :

$5 \times 3 = 15$

(क) एक कण की कुल ऊर्जा उसकी विराम ऊर्जा की दुगुनी है। कण की चाल परिकलित कीजिए।

(ख) गतिज ऊर्जा 100 MeV वाले एक इलेक्ट्रॉन का देब्रांगली तरंगदैर्घ्य परिकलित कीजिए।

(ग) पैरिटी संकारक की परिभाषा दीजिए और उसके आइगेनमान प्राप्त कीजिए।

(घ) $Z = 27$ और $Z = 35$ वाले परमाणुओं के इलेक्ट्रॉनिक विन्यास लिखिए।

(ङ) लंबाई L के एक-विमीय बॉक्स में स्थित एक कण का तरंग फलन निम्नलिखित है :

$$\psi(x) = \left(\frac{2}{L}\right)^{1/2} \sin\left(\frac{n\pi x}{L}\right)$$

कण के संवेग का प्रत्याशा मान परिकलित कीजिए।

(च) एक रेडियोऐक्टिव पदार्थ की अर्ध-आयु 10 दिन है। इस तत्त्व के 70% भाग का क्षय होने में लगे समय की गणना कीजिए।

(छ) एक फ़ोटॉन और एक प्रोटॉन के लिए आवेश, बेरिअॉन संख्या और स्पिन का मान लिखिए।

2. कोई एक भाग कीजिए :

$1 \times 5 = 5$

(क) एक मुक्त कण के लिए आपेक्षिकीय ऊर्जा-संवेग संबंध व्युत्पन्न कीजिए।

(ख) प्रयोगशाला में $0.6 c$ की चाल से गतिमान एक कण के औसत जीवनकाल का मान 4×10^{-8} s मापा जाता है। कण का उचित औसत जीवनकाल निर्धारित कीजिए।

3. कोई दो भाग कीजिए :

$2 \times 5 = 10$

(क) एक कण का तरंग फलन निम्नलिखित है :

$$\phi = N x \exp\left(-\frac{x^2}{2}\right), -\infty < x < \infty.$$

प्रसामान्यीकरण नियतांक N निर्धारित कीजिए।

(ख) ऊर्जा 1 KeV वाले एक इलेक्ट्रॉन के स्थिति और संवेग को एक साथ मापा जाता है। यदि उसकी स्थिति में 1 Å की अनिश्चितता है, तो उसके संवेग की अनिश्चितता का प्रतिशत क्या है?

(ग) हाइड्रोजन परमाणु की मूल अवस्था के लिए r का सबसे अधिक प्रसंभाव्यता वाला मान परिकलित कीजिए। उसकी मूल अवस्था निम्नलिखित तरंग फलन द्वारा परिभाषित है:

$$\psi(r) = \frac{1}{(\pi a_0^3)^{1/2}} e^{-r/a_0}$$

4. कोई दो भाग कीजिए :

$2 \times 5 = 10$

(क) हर्मिटी संकारक की परिभाषा दीजिए और सिद्ध कीजिए कि इसके आइगेनमान वास्तविक होते हैं।

(ख) विभवांतर 10 kV और 20 kV पर क्रियान्वित X-किरण नलिका से उत्पन्न X-किरण की अधिकतम आवृत्ति क्या होगी?

(ग) हुण्ड के नियमों का कथन दीजिए और उनका प्रयोग करते हुए हीलियम (He) परमाणु की मूल अवस्था ज्ञात कीजिए।

5. कोई दो भाग कीजिए :

$2 \times 5 = 10$

(क) परमाण्वीय नाभिकों के कोश मॉडल का वर्णन कीजिए।

(ख) विल्सन मेघ कक्ष की कार्यप्रणाली का वर्णन कीजिए।

(ग) नाभिकीय रिएक्टर का योजनाबद्ध आरेख बनाइए। नाभिकीय रिएक्टर में नियंत्रण दंड अथवा विमंदक के कार्य बताइए।

भौतिक नियतांकः

$$m_e = 9.1 \times 10^{-31} \text{ kg}$$

$$h = 6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}$$

$$m_p = 1.67 \times 10^{-27} \text{ kg}$$

$$m_n = 1.67 \times 10^{-27} \text{ kg}$$

$$R_H = 1.09677576 \times 10^7 \text{ m}^{-1}$$

$$R_{He} = 1.09722267 \times 10^7 \text{ m}^{-1}$$
