

सत्रीय कार्य पुस्तिका

स्नातक उपाधि कार्यक्रम (बी.एससी.) भौतिकी में गणितीय विधियां –III

1 जनवरी, 2024 से 31 दिसंबर, 2024 तक वैध

सत्रांत परीक्षा फॉर्म भरने से पहले सत्रीय कार्य जमा करना अनिवार्य है।

कृपया ध्यान दें

- बी.एससी कार्यक्रम में ऐच्छिक पाठ्यक्रम चार विषयों – रसायन विज्ञान, भौतिकी, गणित और जीव विज्ञान – में उपलब्ध हैं। ऐच्छिक पाठ्यक्रमों के कुल क्रेडिट (56 या 64), कम से कम दो और अधिकतम चार विषयों, में से हो सकते हैं।
- आपके द्वारा चुने गए किसी भी विषय में आपको कम से कम 8 क्रेडिट के ऐच्छिक पाठ्यक्रम लेने होंगे। किसी भी एक विषय में आप अधिक से अधिक 48 क्रेडिट के ऐच्छिक पाठ्यक्रम ले सकते हैं।
- आप भौतिकी, रसायन तथा जीव विज्ञान के ऐच्छिक पाठ्यक्रमों के जितने कुल क्रेडिट लेते हैं, उनमें से कम से कम 25 प्रतिशत प्रयोगशाला पाठ्यक्रमों के होने चाहिए। उदाहरण के लिए, यदि आप इन तीन विषयों में कुल 64 क्रेडिट के पाठ्यक्रम लेते हैं, तो इनमें से कम से कम 16 क्रेडिट प्रयोगशाला पाठ्यक्रमों के होने चाहिए।
- किसी पाठ्यक्रम में पंजीकरण कराए बिना आप उसकी सत्रांत परीक्षा में नहीं बैठ सकते। अगर आप ऐसा करते हैं तो उस पाठ्यक्रम का परीक्षाफल रोक दिया जाएगा और इसका दायित्व भी आप पर ही होगा।



विज्ञान विद्यापीठ

इन्दिरा गांधी राष्ट्रीय मुक्त विश्वविद्यालय
मैदान गढ़ी, नई दिल्ली – 110 068

प्रिय विद्यार्थी,

हम उम्मीद करते हैं कि स्नातक उपाधि कार्यक्रम में अपनायी गयी मूल्यांकन पद्धति से आप भली-भांति परिचित हैं। आपके नामांकन के बाद हमने आपको एक कार्यक्रम दर्शिका भेजी थी। उसमें सत्रीय कार्य से संबंधित जो भाग है, उसे कृपया दुबारा पढ़ लें। जैसा कि आप जानते हैं, सतत मूल्यांकन के लिए 30% अंक निर्धारित किये गये हैं। इसके लिए आपको इस पाठ्यक्रम का **एक सत्रीय कार्य** हल करना होगा। यह सत्रीय कार्य इस पुस्तिका में शामिल है।

सत्रीय कार्य से संबंधित निर्देश

इससे पहले कि आप किसी प्रश्न का उत्तर लिखें, निम्नलिखित निर्देशों को ध्यान से पढ़ें।

- 1) अपनी TMA उत्तर पुस्तिका के पहले पृष्ठ पर सबसे ऊपर निम्नलिखित प्रारूप के आधार पर विवरण लिखें।

नामांकन संख्या :

नाम :

पता :

.....

.....

पाठ्यक्रम कोड :

पाठ्यक्रम शीर्षक :

सत्रीय कार्य कोड :

अध्ययन केंद्र :

दिनांक :

कार्य के सही और शीघ्र मूल्यांकन के लिए दिये गए प्रारूप का सही अनुसरण करें।

- 2) अपने उत्तर लिखने के लिए फुलस्कैप कागज़ का इस्तेमाल करें, जो बहुत पतला न हो।
- 3) प्रत्येक कागज़ पर बायें, ऊपर और नीचे 4 cm जगह छोड़ें।
- 4) आपके उत्तर सुस्पष्ट और अपने शब्दों में होने चाहिए।
- 5) प्रश्नों के उत्तर लिखते समय, स्पष्ट लिखें कि आप किस प्रश्न का कौन सा भाग हल कर रहे हैं। ध्यान रखें कि उत्तर संक्षिप्त और सटीक हों। अपनी गणना के प्रत्येक चरण पर भौतिक राशियों की इकाइयां अवश्य लिखें जैसा कि पाठों में समझाया गया है। यदि आप ऐसा नहीं करेंगे तो आपके अंक काट लिए जाएंगे। अपने काम में सार्थक अंकों का ध्यान रखें। कार्य देने से पहले उसकी अच्छी तरह जांच कर लें।
- 6) यह सत्रीय कार्य **01 जनवरी 2024 से 31 दिसम्बर 2024 तक**, एक साल के लिए वैध है। लेकिन हमारी सलाह है कि आप सत्रीय कार्य इस पुस्तिका के मिलने के **12 सप्ताहों** के भीतर जमा कर दें ताकि यह आपके अध्ययन में सहायक सिद्ध हो सके। हमारा सुझाव है कि आप अपने सत्रीय कार्य की **एक प्रति अपने पास सुरक्षित रखें**। और यदि संभव हो तो इस पुस्तिका की एक प्रति अपनी उत्तर पुस्तिका के साथ संलग्न करें।

हमारी शुभकामनाएं आपके साथ हैं।

अध्यापक जांच सत्रीय कार्य
भौतिकी में गणितीय विधियाँ-III

पाठ्यक्रम कोड : PHE-14
सत्रीय कार्य कोड : PHE-14/TMA/2024
अधिकतम अंक : 100

नोट : सभी प्रश्न हल करें। प्रतीकों के अपने सामान्य अर्थ हैं। प्रत्येक प्रश्न के अंक उसके सामने दिए गए हैं।

1. क) λ का मान प्राप्त करें जिसके लिए निम्नलिखित आव्यूह M लांबिक है : (5)

$$M = \begin{bmatrix} \cos\phi & -\sin\phi & 0 \\ \sin\phi & \cos\phi & 0 \\ 0 & 0 & \lambda \end{bmatrix}$$

ख) निम्नलिखित आव्यूह P के आइगेन मान और आइगेन सदिश प्राप्त कीजिए : (10)

$$P = \begin{bmatrix} 2 & -2 & 0 \\ -2 & 1 & -2 \\ 0 & -2 & 0 \end{bmatrix}$$

ग) सिद्ध कीजिए कि वेग और त्वरण प्रतिपरिवर्ती सदिश हैं। (5)

घ) सिद्ध कीजिए कि आव्यूहों योग के अधीन कोटि $m \times n$ वाले सभी आव्यूहों का समुच्चय एक समूह होता है। क्या यह समूह आबेली है? (5)

2. क) निम्नलिखित समाकल को परिकलित करें : (10)

$$\int_0^{2\pi} \frac{\sin^2\theta d\theta}{5-4\cos\theta}$$

ख) सिद्ध करें कि $u = x^2 - y^2$ और $v = \frac{y}{x^2 + y^2}$, (x, y) के प्रसंवादी फलन हैं। (5)

ग) $z = -i$ के प्रति $f(z) = \frac{1}{z^2 + 4}$ का टेलर श्रेणी प्रसार प्राप्त करें। (10)

3. क) निम्नलिखित फलनों का फूरिए रूपांतरण प्राप्त कीजिए : (10)

$$i) \quad f(x) = \begin{cases} 0, & \text{for } -\infty < x < -a/2 \\ 1, & \text{for } -a/2 < x < a/2 \\ 0, & \text{for } a/2 < x < \infty \end{cases}$$

$$ii) \quad f(x) = e^{\frac{x}{a}}$$

ख) निम्नलिखित फलन का लाप्लास रूपांतरण प्राप्त करें: (5)

$$f(t) = (t^2 + 4t + 5)e^{4t}$$

ग) लाप्लास रूपांतरण विधि द्वारा निम्नलिखित आदि मान समस्या का हल प्राप्त करें: (10)

$$y'' - 6y' + 5y = 0; \quad y(0) = 1, \quad y'(0) = -3$$

4. क) फलन $f(x) = x^4$ का प्रसार $\sum_{k=0}^{\infty} A_k P_k(x)$ के रूप की श्रेणी में कीजिए। (10)

ख) कोटि m के बेसल-फलन के लिए निम्नलिखित व्यंजक का प्रयोग कर (10)

$$J_m(x) = \sum_{k=0}^{\infty} (-1)^k \frac{1}{k! \Gamma(m+k+1)} \left(\frac{x}{2}\right)^{2k+m}$$

सिद्ध करें कि :

$$J_2(x) = \frac{2}{x} J_1(x) - J_0(x)$$

ग) रॉड्रिगेज़ सूत्र का प्रयोग करते हुए $H_3(x)$ प्राप्त करें और सिद्ध करें कि $H_3'(x) = 6H_2(x)$ (5)
