## BACHELOR'S DEGREE PROGRAMME (BDP) Term-End Examination December, 2022

## (APPLICATION ORIENTED COURSE) AOR-01: OPERATIONS RESEARCH

Time: 2 hours Maximum Marks: 50

(Weightage: 70%)

Note: Question no. 1 is compulsory. Answer any four questions out of Questions No. 2 to 7. Use of calculators are not allowed.

- 1. Which of the following statements are *True* and which are *False*? Give a short proof or a counter-example in support of your answer.  $5\times2=10$ 
  - (a)  $x_1 = 1$ ,  $x_2 = 2$  and  $x_3 = 1$  is a basic feasible solution for the system of equations  $x_1 + x_2 + x_3 = 4$  and  $2x_1 + x_2 + x_3 = 5$ .
  - (b) In order to shorten a project completion time, we must reduce the duration of non-critical activities.

- (c) The transportation problem is balanced, if the number of sources matches with the number of destinations.
- (d) Economic Order Quantity (EOQ) results in minimization of set-up cost.
- (e) Little's formula relates the waiting time of a customer and the number of customers present in a service facility.
- 2. (a) The following is the optimal table of a maximising LPP where x<sub>3</sub>, x<sub>4</sub> and x<sub>5</sub> are stack variables.

D	Basics	3	5	0	0	0	Colution
P <sub>B</sub>	Variables	$\mathbf{x}_1$	$\mathbf{x}_2$	$x_3$	$x_4$	$x_5$	Solution
3	$\mathbf{x}_1$	1	0	$\frac{1}{3}$	0	$-\frac{2}{3}$	2
0	$x_4$	0	0	$-\frac{2}{3}$	1	$\frac{4}{3}$	0
5	$\mathbf{x}_2$	0	1	0	0	1	6
		0	0	-1	0	- 3	36

Suppose a new constraint  $2x_1 + x_2 \le 8$  is added to the LPP. Find the new optimal solution of the resulting LPP.

5

AOR-01 2

(b) Find the optimum integer solution to the following LPP:

Maximize  $z = x_1 + 4x_2$ 

subject to the constraints:

$$2x_1+4x_2\leq 7$$

$$5x_1 + 3x_2 \le 15$$

 $x_1, x_2 \ge 0$  and are integers.

3. (a) Use two-phase simplex method to solve,  $\text{Maximize } z = 6x_1 + 4x_2$ 

subject to the constraints:

$$2x_1 + 3x_2 \le 30$$

$$3x_1 + 2x_2 \le 24$$

$$x_1 + x_2 \ge 3$$
,

$$x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.$$

(b) Use Vogel's Approximation Method to obtain an initial feasible solution of the following transportation problem:

Demand 200 225 275 250

Also, find the optimal solution.

5

5

**4.** (a) Consider the problem of assigning five jobs to five persons. The profits obtained are given below:

Determine the optimum assignment schedule that maximizes the profit.

(b) Determine the optimal sequence of jobs that minimizes the total elapsed time based on the following processing time on the machines:

Job	1	2	3	4	5
Machine A	3	8	7	5	2
Machine B	3	4	2	1	5
Machine C	5	8	10	7	6

5. (a) A manufacturing company purchases 9000 parts of a machine for its annual requirements, ordering one month usage at a time. Each part costs ₹ 20. The ordering cost per order is ₹ 15 and the carrying charges are 15% of the average inventory for the year. Suggest a more economical purchasing policy for the company. How much would it save the company per year?

5

5

(b) On an average, 96 patients per 24 hours require the service of an emergency clinic. Also on an average, a patient requires 10 minutes of active attention. Assume that the facility can handle only one emergency at a time. Suppose that it costs the clinic ₹ 100 per patient treated to obtain an average servicing time of 10 minutes, and that each minute of decrease in the average time would cost ₹ 10 per patient treated. How much would have to be budgeted by the clinic to decrease the average time of the queue from 1 ½ patients to ½ a patient?

5

**6.** (a) Use the graphical method to solve the following LPP:

5

Minimize  $z = -x_1 + 2x_2$ subject to the constraints :

$$-x_1 + 3x_2 \le 10,$$
  
 $x_1 + x_2 \le 6,$ 

$$x_1 - x_2 \le 2$$
, and

$$x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.$$

AOR-01 5 P.T.O.

(b) Give the dual of the following LPP:

5

$$Minimize z = x_1 + x_2 + x_3$$

subject to the constraints:

$$x_1 - 3x_2 + 4x_3 = 5,$$
 
$$x_1 - 2x_2 \le 3,$$
 
$$2x_2 - x_3 \ge 4.$$

 $x_1, x_2 \ge 0$  and  $x_3$  is unrestricted.

7. (a) A small project is composed of seven activities whose time estimates are given below:

Activity	Estimat	Estimated duration (in days)					
i j	Optimistic	Optimistic Most Likely					
$1 \rightarrow 2$	1	1	7				
$1 \rightarrow 3$	1	4	7				
$1 \rightarrow 4$	2	2	1				
$2 \rightarrow 5$	2	5	14				
$3 \rightarrow 5$	1	1	1				
$4 \rightarrow 6$	2	5	8				
$5 \rightarrow 6$	3	6	15				

Draw the project network. Find the critical path and duration of the project.

(b) An investment company wants to study the investment proposals based on the profit factor. While analysing a new investment proposal, the company estimated the probability distribution for the profit as follows:

Profit (in thousands)	3	5	7	9	10
Probability	0.1	0.2	0.4	0.2	0.1

Using the random numbers:

simulate the profit of the company for six trials.

## स्नातक उपाधि कार्यक्रम (बी.डी.पी.) सत्रांत परीक्षा दिसम्बर, 2022

## (व्यवहारमूलक पाठ्यक्रम) ए.ओ.आर.-01 : संक्रिया विज्ञान

समय : २ घण्टे अधिकतम अंक : 50

(कुल का : 70%)

नोट: प्रश्न सं. 1 करना अनिवार्य है। प्रश्न सं. 2 से 7 में से किन्हीं चार प्रश्नों के उत्तर दीजिए। कैल्कुलेटरों का प्रयोग करने की अनुमित नहीं है।

- निम्नलिखित में से कौन-से कथन सत्य हैं और कौन-से असत्य हैं ? अपने उत्तर के पक्ष में संक्षिप्त उपपत्ति या प्रत्युदाहरण दीजिए ।
  - (क) समीकरण निकाय  $x_1+x_2+x_3=4$  और  $2x_1+x_2+x_3=5$  के लिए  $x_1=1,\ x_2=2$  और  $x_3=1$  एक आधारी सुसंगत हल है।
  - (ख) परियोजना को पूरा करने में लगने वाले समय को कम करने के लिए हमें अक्रांतिक गतिविधियों की अविधयों में कमी करनी चाहिए ।

- (ग) एक परिवहन समस्या संतुलित है यदि स्रोतों की संख्या,गंतव्यों की संख्या से मिलती है ।
- (घ) इष्टतम आर्डर मात्रा (EOQ) के कारण स्थापना लागत का न्यूनतमीकरण होता है।
- (ङ) लिटल सूत्र ग्राहक के प्रतीक्षा-काल और सेवा-सुविधा में विद्यमान ग्राहकों की संख्या को संबद्ध करता है।
- **2.** (क) एक अधिकतमीकरण करने वाली LPP की इष्टतम सारणी नीचे दी गई है जहाँ  $\mathbf{x}_3$ ,  $\mathbf{x}_4$  और  $\mathbf{x}_5$  न्यूनतापरक (स्टैक) चर हैं।

D_	<sub>D</sub> आधारी	3	5	0	0	0	ਵਕ
P <sub>B</sub>	चर	$\mathbf{x}_1$	$\mathbf{x}_2$	$x_3$	$x_4$	$x_5$	हल
3	<b>x</b> <sub>1</sub>	1	0	$\frac{1}{3}$	0	$-\frac{2}{3}$	2
0	$\mathbf{x}_4$	0	0	$-\frac{2}{3}$	1	$\frac{4}{3}$	0
5	$\mathbf{x}_2$	0	1	0	0	1	6
		0	0	-1	0	- 3	36

मान लीजिए LPP में एक नया व्यवरोध  $2x_1 + x_2 \le 8$  जोड़ दिया जाए, तब प्राप्त होने वाली LPP का नया इष्टमत हल ज्ञात कीजिए ।

(ख) निम्नलिखित LPP का इष्टतम पूर्णांक हल ज्ञात कीजिए : 5  $z=x_1+4x_2$  का अधिकतमीकरण कीजिए जबिक

$$2x_1+4x_2 \le 7$$
  $5x_1+3x_2 \le 15$   $x_1,\,x_2 \ge 0$  और पूर्णांक हैं ।

3. (क) द्वि-चरण एकधा विधि का प्रयोग करके निम्नलिखित LPP हल कीजिए:

> $\mathbf{z} = 6\mathbf{x}_1 + 4\mathbf{x}_2$  का अधिकतमीकरण कीजिए जबकि

$$\begin{aligned} 2x_1 + 3x_2 &\leq 30 \\ 3x_1 + 2x_2 &\leq 24 \\ x_1 + x_2 &\geq 3, \\ x_1 &\geq 0, x_2 \geq 0. \end{aligned}$$

(ख) वोगल सन्निकटन विधि द्वारा निम्नलिखित परिवहन समस्या का प्रारम्भिक सुसंगत हल ज्ञात कीजिए:

इष्टतम हल भी ज्ञात कीजिए।

5

4. (क) पाँच जॉबों का पाँच आदिमयों में नियतन की समस्या लीजिए। लाभ नीचे दिया गया है:

लाभ का अधिकतमीकरण करने के लिए इष्टतम नियतन निर्धारित कीजिए ।

5

5

(ख) जॉब का वह इष्टतम अनुक्रम ज्ञात कीजिए जो निम्नलिखित मशीनों पर प्रक्रम काल में व्यतीत समय को न्युनतम करे:

जॉब	1	2	3	4	5
मशीन A	3	8	7	5	2
मशीन B	3	4	2	1	5
मशीन C	5	8	10	7	6

5. (क) एक निर्माता कंपनी अपनी वार्षिक आवश्यकता के लिए एक मशीन के 9000 पुर्जे खरीदती है और एक समय पर एक मास का आर्डर करती है। प्रत्येक पुर्जे की लागत ₹ 20 है। प्रति आर्डर, आर्डर लागत ₹ 15 है और रख-रखाव लागत औसत मालसूची प्रति वर्ष की 15% है। कम्पनी के लिए अधिक आर्थिक खरीद योजना बताइए। इससे कम्पनी प्रति वर्ष कितना बचा पाएगी ?

AOR-01 11 P.T.O.

(ख) एक आपातकालीन क्लिनिक की सेवा औसतन 96 रोगी प्रति 24 घंटे के लिए है । औसतन एक रोगी को 10 मिनट की सिक्रय देखभाल की आवश्यकता है । मान लीजिए कि आपातकालीन क्लिनिक में केवल एक रोगी एक समय में लिया जा सकता है । यह भी मान लीजिए कि क्लिनिक में ₹ 100 प्रति रोगी लागत है, यदि औसत सेवा काल 10 मिनट है और औसत काल में कमी होने पर प्रति मिनट लागत ₹ 10 प्रति रोगी होती है । पंक्ति की औसत लंबाई को 1 1/3 से 1/2 तक पहुँचाने के लिए क्लिनिक को क्या बजट रखना चाहिए ?

**6.** (क) निम्नलिखित LPP को ग्राफीय विधि से हल कीजिए : 5  $z=-x_1+2x_2$  का न्यूनतमीकरण कीजिए जबिक

5

$$-x_1 + 3x_2 \le 10$$
  $x_1 + x_2 \le 6$   $x_1 - x_2 \le 2$ , और  $x_1 \ge 0, x_2 \ge 0$ .

AOR-01

6

(ख) निम्नलिखित LPP की द्वैती लिखिए :  $z = x_1 + x_2 + x_3 \text{ का न्यूनतमीकरण कीजिए}$  जबिक,

$$x_1-3x_2+4x_3=5$$
 
$$x_1-2x_2\leq 3$$
 
$$2x_2-x_3\geq 4.$$
 
$$x_1,\,x_2\geq 0 \,\,$$
 और  $x_3$  अप्रतिबंधित हैं ।

आकलित समय निम्नलिखित सारणी में दिया गया है:

7. (क) एक छोटी परियोजना में 7 गतिविधियाँ हैं, जिनका

गतिविधि		आकलित अवधि (दिनों में)				
i	j	आशावादी	अतिसंभावित	निराशावादी		
$1 \rightarrow$	2	1	1	7		
$1 \rightarrow$	3	1	4	7		
$1 \rightarrow$	4	2	2	1		
$2 \rightarrow$	5	2	5	14		
$3 \rightarrow$	5	1	1	1		
$4 \rightarrow$	6	2	5	8		
$5 \rightarrow$	6	3	6	15		

परियोजना का नेटवर्क आरेख बनाइए । क्रांतिक पथ और परियोजना का समय ज्ञात कीजिए । (ख) एक निवेश कंपनी लाभ कारक के आधार पर निवेश प्रस्तावों का अध्ययन करना चाहती है । नए निवेश प्रस्ताव का विश्लेषण करने में कंपनी ने लाभ के लिए निम्नलिखित प्रायिकता बंटन आकलित किया :

लाभ (हजारों में)	3	5	7	9	10
प्रायिकता	0.1	0.2	0.4	0.2	0.1

यादृच्छिक संख्याओं

19, 7, 90, 2, 57, 28

का प्रयोग करते हुए छह प्रयासों के लिए कंपनी के लाभ का अनुकरण कीजिए।